

Математички факултет, Универзитет у Београду
Анализа 2 (Р смер) - други поправак другог колоквијума
26.9.2024.

1. [15] Дате су површи $S_1 : x^2 + y^2 = 10z$ и $S_2 : (x - 2)^2 + y^2 = 1$. Израчунати

$$\int_{\gamma} x^2 y dx + 2yz dy + (z - x) dz,$$

при чему је γ крива која је пресек површи S_1 и S_2 позитивно оријентисана гледано из $(2024, 0, 0)$.

2. [15] Израчунати

$$\iint_S (16 - x) dydz + (y + x^{xz}) dzdx + (zy^2 + x^{\sin y}) dx dy,$$

где је S спољна страна површи $4z^2 + 4y^2 = (x + 4)^2$, $0 \leq x \leq 2$.

3. а) [4] Испитати равномерну конвергенцију на сегменту $[0, 1]$ низа функција $f_n : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$ задатог

$$\text{са } f_n(x) = \frac{nx^2}{1 + nx}.$$

- б) [3] Одредити највећи могући скуп $A \subseteq \mathbb{R}$ такав да ред $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n e^{-nx}}{n^2}$ равномерно конвергира на A .

4. Дата је 2-периодична функција $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ са:

$$f(x) = \begin{cases} \sin(\pi x), & \text{ако је } x \in [-1, 0]; \\ 1 + \cos(\pi x), & \text{ако је } x \in (0, 1). \end{cases}$$

- а) [6] Наћи Фуријеов ред функције f .

- б) [3] Наћи суму $\sum_{n=5}^{+\infty} \frac{1}{4n^2 - 1}$.

- г) [4] Ако са $S(x)$ означимо суму реда из дела под а), наћи $S(2023)$ и $S(2024)$.

Напомена: У угластим заградама је наведено колико сваки део задатка носи поена. Време за израду задатака је 180 минута.