

Изборном већу  
Математичког факултета  
Универзитета у Београду

УНИВЕРЗИТЕТ У БЕОГРАДУ  
МАТЕМАТИЧКИ ФАКУЛТЕТ  
Бр. 671/4  
20. 11. 2024. год.  
Београд, Студентски трг 16  
Тел. 20 27 801, Факс: 26 30 151

Одлуком Изборног већа Математичког факултета на седници одржаној 27.9.2024. године одређени смо за чланове комисије за писање извештаја о конкурс за избор једног доцента са 100% радног времена за ужу научну област Вероватноћа и статистика на одређено време од 60 месеци. Конкурс је објављен 9.10.2024. године у листу "Послови". У вези са тим подносимо Изборном већу Математичког факултета следећи

## ИЗВЕШТАЈ

У предвиђеном року на овај конкурс пријавила се др Бојана Тодић. У наставку се налазе подаци о пријављеном кандидату.

### Биографија кандидата

Бојана Тодић је рођена 1993. године у Суботици. Основне студије на Математичком факултету (модул Статистика, актуарска и финансијска математика) је уписала 2011. године и завршила их 2015. године са просечном оценом 9.00. Мастер студије је завршила на истом модулу 2016. године са просеком 9.75, одбранивши мастер рад под насловом „Обезбеђење од ризика у финансијској математици”. Докторске студије на Математичком факултету Универзитета у Београду (студијски програм Математика) је уписала 2016. године и завршила 2024. године са просечном оценом 10, одбранивши докторску дисертацију под називом „Комбинајорни проблем сакупљања куйона са проширеном колекцијом” под менторством др Јелене Јоцковић.

### Радно искуство кандидата

Бојана Тодић је на Математичком факултету запослена од 2015. године (до 2017. године у звању сарадника у настави, а од 2017. године у звању у асистента за ужу научну област Вероватноћа и статистика). У том периоду држала је вежбе из 13 предмета на основним и мастер студијама, у надлежности Катедре за вероватноћу и статистику Математичког факултета и вежбе из једног предмета на мастер студијама Индустија 4.0 на Машинском факултету Универзитета у Београду. Оцене на студентским анкетама у претходном периоду су:

2019/2020: 4.75

2020/2021: 4.79

2021/2022: 4.68

2022/2023: 4.84

2023/2024: 4.73

Приступно предавање под насловом „Чебишовљева неједнакост и њене последице”, одржано 14.11.2024., оцењено је просечном оценом 5.00.

## Научни рад кандидата

### Објављени научни радови на СЦИ листи

- [1] Trivić, N., Todić, B., *A decomposition of the total productivity factor into technical progress and technological efficiency - methodological possibilities*, *Argumenta Oeconomica*, 2(49), 59-71, (2022), [M23]
- [2] Jocković, J., Todić, B., *Some bounds on the coupon collector problem with universal coupon*, *Analele Stiintifice ale Universitatii Ovidius Constanta*, 32(2), 99-113, (2024) [M22]
- [3] Jocković, J., Todić, B., *Waiting time for a small subcollection in the coupon collector problem with universal coupon*, *Journal of Theoretical Probability*, 37, 1945-1957, (2024) [M23]
- [4] Jocković, J., Todić, B., *Coupon collector problem with reset button*, *Mathematics*, 12(2), 239, (2024) [M21a]
- [5] Jocković, J., Todić, B., *Markov chain approach to the coupon collector problem with universal coupon*, *Filomat*, accepted, (2024) [M22]

### Објављени научни радови који нису на СЦИ листи

- [6] Trivić, N., Todić, B., *Growth rates, quality of economic growth and convergence of growth rates*, *Annals of the University of Petrosani, Economics* 21(2), 159-170, (2021), [M53]
- [7] Trivić, N., Todić, B., *Modeli ugovora o zaradama i podsticajima u uslovima asimetrične informisanosti na tržištu rada*, *Ekonomski horizonti*, 1(24), 19-33, (2022), [M51]
- [8] Todić, B., *Coupon collector problem with penalty coupon*, *Matematički Vesnik*, 76(1-2), 15-28, (2023) [M24]

### Кратак приказ научног рада

Радови [2], [3], [4], [5] и [8] припадају научној области Вероватноћа и статистика и односе се на формулисање и анализирање нових уопштења комбинаторног проблема сакупљања купона (у даљем тексту ПСК), која се добијају тако што се колекција стандардних купона, обима  $n$ , допуни купонима специјалне намене. Основна случајна величина са којом се ради је време чекања  $W_{n,c}$  до комплетирања дела колекције обима  $c$ ,  $1 \leq c \leq n$ , под условима који важе за то уопштење.

У раду [2] је разматран ПСК са универзалним и нултим купоном. Универзални купон може да замени сваки од стандардних купона, а нулти купон представља празан корак. Разматран је случај када се стандардни купони извлаче са произвољним вероватноћама. Коришћењем техника мајоризације је одређена фамилија горњих и доњих граница за први и други моменат случајне величине  $W_{n,c}$ , са идејом да се превазиђу познате рачунске тешкоће које се појављују при израчунавању ових величина. На основу нумеричких експеримената су издвојене најпогодније границе из ове класе, као компромис између рачунске једноставности и прецизности.

У раду [3] је разматран ПСК са универзалним и нултим купоном. За случај када се сви стандардни купони извлаче са истом вероватноћом је одређено асимптотско понашање првог и другог момента случајне величине  $W_{n,c}$ , за четири карактеристичне комбинације вероватноћа извлачења специјалних купона, када  $n$  неограничено расте, а  $c$  је фиксирано, што уопштава познате асимптотске резултате за основни проблем.

У раду [4] је разматран ПСК са купоном који ресетује колекцију (ресет купон), у смислу да скуп стандардних купона извучених за време  $t$  постаје празан ако се ресет купон извуче у тренутку  $t + 1$ . У случају када се стандардни купони извлаче са произвољним вероватноћама, комбинаторним закључивањем је изведена расподела случајне величине  $W_{n,c}$ . У случају када се сви стандардни купони извлаче са истом вероватноћом изведена је веза између  $E(W_{n,n})$  и бета функције, која омогућава процену асимптотског понашања ове величине кад  $n$  неограничено расте, за различите вредности вероватноће избора ресет купона.

У раду [5] је ПСК са универзалним и нултим купоном, случај када се сви стандардни купони извлаче са истом вероватноћом, анализиран преко особина одговарајуће одабраног дводимензионог

ланца Маркова. Главни резултат у раду је експлицитни израз за фундаменталну матрицу, који омогућава да се формулишу разни резултати везани за средње време чекања и начин комплетирања колекције.

У раду [8] је разматран ПСК са купоном који омета сакупљање колекције (казнени купон), у смислу да се сакупљање завршава када апсолутна разлика броја сакупљених типова стандардних купона и броја казнених купона буде једнака  $n$ . Овај проблем, који може да се види као специјална врста случајног лутања са две апсорбујуће баријере, је приказан као дводимензиони ланац Маркова. Одређена је фундаментална матрица и експлицитни израз и процена за  $E(W_{n,n})$ .

Радови [1], [6] и [7] односе се на примену математичких метода у економији, што је значајно за модул Статистика, актуарска и финансијска математика.

### Учешће на научним скуповима

1. Todić B.: *Neke varijante problema sakupljanja kupona*, XLV Symposium on Operational Research, Zlatibor, Serbia, September 16-18, 2018 (rad objavljen u celosti u Zborniku radova, str. 442-446), [M33] prezentujući autor
2. Todić B., Jocković J.: *Coupon collector problem with universal coupon*, ASMDA2021 International Conference and Demographics 2021 Workshop, Athena, Greece, June 1-4, 2021, (Abstract, p. 78), [M34] prezentujući autor
3. Jocković J. Todić B.: *Stochastic models for a simple lottery game*, XLVIII Symposium on Operational Research, Banja Koviljacha, Serbia, September 20-23, 2021, (Abstract, p. 653), [M34] koautor
4. Todić B., Jocković J.: *Bounds on the coupon collector problem*, XLIX Symposium on Operational Research, Vrnjачка банја, Serbia, September 22-25, 2022, (Abstracts, p. 601), [M34] prezentujući autor
5. Todić B.: *Coupon collection problem: mean waiting time to complete collection*, Drugi susret matematičara Srbije i Crne Gore, Belgrade, Serbia, January 26-28, 2023, (Abstracts, p. 12), [M34] prezentujući autor
6. Jocković J., Todić B.: *Collecting two sets of coupons: some real-life interpretations*, Drugi susret matematičara Srbije i Crne Gore, Belgrade, Serbia, January 26-28, 2023, (Abstracts, p. 7), [M34] koautor
7. B. Todić, J. Jocković: *Coupon collector problem with universal coupon - properties and some bounds*, XIII Symposium "Mathematics and Applications", Belgrade, Serbia, Decembaer 1-2, 2023, (Abstracts, p. 71), [M64] prezentujući autor
8. B. Todić, J. Jocković: *Numerical difficulties that appear in coupon collector problem and its generalizations*, 9th European Congress of Mathematics, Sevilla, Spain, July 15-19., 2024, [M34] prezentujući autor
9. J. Jocković, B. Todić: *Some new asymptotic results related to the coupon collector problem in the presence of coupons with special purposes*, 9th European Congress of Mathematics, Sevilla, Spain, July 15-19., 2024, [M34] koautor

### Остало

#### Учешће на пројектима

- Пројекат 174012 Министарства просвете, науке и технолошког развоја Републике Србије „Геометрија, образовање и визуализација са применама” 2018-2019 (руководилац проф. др Зоран Ракић).

#### Предавања на семинарима и научно популарна предавања

- 26.09.2017. *Приказ рада у оквиру обавеза на докторским студијама, Семинар Катедре за Вероватноћу и статистику, Математички факултет, Универзитет у Београду*

- 23.12.2023. *Неке нове варијанте проблема сакупљања кућона, Семинар Катедре за Вероватноћу и статистичку, Математички факултет, Универзитет у Београду*
- 25.01.2024. *Проблем сакупљања кућона - време чекања до комплетирања колекције, Семинар Статистика са применама, Математички институт САНУ*
- 23.11.2023. *Математика у финансијама, предавање у Првој економској школи у Београду*

#### **Остале професионалне активности**

- Волонтер на конференцији 21st European Young Statisticians Meeting (2019)
- Члан организационог одбора конференције MATFusion Conference (2024)
- Један од аутора садржаја и предавач на обуци Специјални курс за актуаре (увод у R, рад са базама података, примена chain ladder модела)
- Активно учешће на промоцији Математичког факултета

## Закључак

Кандидаткиња др Бојана Тодић испуњава услове конкурса. Одбранила је докторску дисертацију из уже научне области Вероватноћа и статистика. До сада је објавила 5 радова у часописима са СЦИ листе и још 3 рада у домаћим научним часописима (од чега један самостални), и имала укупно 9 саопштења на домаћим и међународним научним конференцијама, од чега 6 као презентујући аутор. Досадашњи наставни рад др Бојане Тодић оцењен је врло високим оценама на студентским анкетама, а на приступном предавању је добила просечну оцену 5.00. Имајући у виду успех кандидата у досадашњем школовању и научном раду, као и претходно ангажовање у настави предлажемо да се др Бојана Тодић изабере у звање доцента за ужу научну област Вероватноћа и статистика, са 100% радног времена.

Београд, 18. 11. 2024.

КОМИСИЈА:

др Јелена Јоцковић, доцент



др Марко Обрадовић, доцент



др Зоран Видовић, доцент

Факултет за образовање учитеља и васпитача,  
Универзитет у Београду